

Le modèle CourbesNiv 0.6

Pour TeXgraph 1.97

Résumé

Description des macros du fichier CourbesNiv.mac pour la création de courbes de niveaux.

Table des matières	6 Définition de plans	2
1 Introduction	1 7 Définition de sections planes	2
2 Définition de la surface	1 8 Définition d'une légende	2
3 Définition de la fenetre	1 9 Variables pour gérer l'affichage	2
4 Définition de la vue	2 10 Affichage de la scène	3
5 Définition des courbes de niveaux	2 11 Exemples	3

1 Introduction

Le modèle *CourbesNiv.mod* charge les macros du fichier *CourbesNiv.mac*, celles-ci permettent le dessin d'une surface cartésienne avec des courbes de niveaux en z . Un certain nombre d'options permettent de gérer les axes, la vue, les traits cachés ...

2 Définition de la surface

Elle se fait par l'intermédiaire de la macro :

```
surface( "expression", [options] )
```

Le premier argument est l'expression qui définit la surface, elle peut-être de deux types :

- Expression cartésienne : " $f(x,y)$ ", représentant la surface d'équation cartésienne $z = f(x, y)$. Dans ce cas le paramétrage défini par la macro est : $x(u, v) = u$, $y(u, v) = v$, et $z(u, v) = f(u, v)$.
- Expression paramétrique : " $M(x(u,v), y(u,v), z(u,v))$ ", ou bien " $[x(u,v)+i*y(u,v), z(u,v)]$ ", représentant le paramétrage d'une surface. Les noms des paramètres sont obligatoirement u et v .

Les options sont :

- **mode** := \langle cartésien/paramétrique \rangle , détermine le type de surface (cartésien par défaut).
- **grille** := \langle [uMin, uMax, vMin, vMax, uNblignes, vNblignes] \rangle , indique l'intervalle du paramètre u , l'intervalle du paramètre v , le nombre de valeurs prises par le paramètre u et le nombre de valeurs prises par le paramètre v . Par défaut la grille est $[-2, 2, -2, 2, 20, 20]$.

3 Définition de la fenetre

Elle se fait par la macro :

```
fenetre( [options] )
```

Les options sont :

- **x** := \langle [xMin, xMax] \rangle , détermine l'intervalle des abscisses. Par défaut cet intervalle vaut $[-2, 2]$.
- **y** := \langle [yMin, yMax] \rangle , détermine l'intervalle des ordonnées. Par défaut cet intervalle vaut $[-2, 2]$.
- **z** := \langle [zMin, zMax] \rangle , détermine l'intervalle des cotes. Par défaut cet intervalle est mis à Nil lors de l'exécution de la macro, si la valeur de z est laissée à Nil alors l'intervalle sera automatiquement calculé pour s'adapter à la surface.
- **pas** := \langle [xPas, yPas, zPas] \rangle , indique le pas des graduations pour les trois axes (1 par défaut).
- **orthonorme** := \langle 0/1 \rangle , indique si le repère 3D doit être orthonormé ou non.

4 Définition de la vue

Elle se fait par la macro :

```
vue(x0y ou x0z ou y0z )
```

Par défaut la vue est une vue dans l'espace, mais cette macro permet d'obtenir une projection sur un des trois plans. Pour revenir à la vue spatiale, on saisit `vue()`.

Remarque : pour la vue dans l'espace, les angles de vue peuvent être modifiés, ils correspondent aux variables *theta* et *phi* (en radians), par défaut ils valent respectivement $\frac{\pi}{6}$ et $\frac{\pi}{3}$.

5 Définition des courbes de niveaux

Elle se fait par la macro :

```
niveaux( [liste de valeurs de z] <, [liste de couleurs]> )
```

Le deuxième argument est la liste des couleurs, celle-ci est optionnelle et lorsqu'elle est absente, la couleur de chaque niveau est calculée en fonction de *z*, dans une palette qui est contenue dans la variable *palette*, celle-ci vaut par défaut : [purple, blue, green, yellow, orange, red, crimson].

La liste des valeurs de *z* est automatiquement rangée dans l'ordre croissant et cette liste est vide par défaut.

6 Définition de plans

Elle se fait par la macro :

```
tracerplans( "x/y, [valeurs], [attributs], x/y, [valeurs], [attributs],..." )
```

Cela permet de dessiner sur la surface la trace de plans d'équation $x = a$ ou $y = a$. Les options d'attributs sont des instructions comme par exemple : [Color:=blue, Width:=8, ...].

7 Définition de sections planes

Elle se fait par la macro :

```
sections( plan1, plan2, ... )
```

Chaque plan est défini par un point et un vecteur normal, un plan est donc une liste de la forme : [point3D, vecteur3D], c'est à dire : [M(x,y,z), M(x,y,z)] (le vecteur normal est en deuxième position. La surface sera sectionnée par le plan et seule la partie qui est dans le demi-espace contenant le vecteur normal sera affichée.

8 Définition d'une légende

Elle se fait par la macro :

```
legende( "titre" )
```

Elle sera affichée sous le graphique, et centrée.

9 Variables pour gérer l'affichage

- `dollar := < 0/1 >`, permet d'ajouter un dollar autour des labels du repère, et les légendes des niveaux (1 par défaut).
- `lissage := < 0/1 >`, permet de lisser ou non la surface (0 par défaut, réservé aux sorties eps et pstricks).
- `voiraxes := < 0/1 >`, permet d'afficher ou non le repère (1 par défaut).
- `voirboite := < 0/1 >`, permet d'afficher ou non les arêtes de la boîte contenant la scène (0 par défaut).
- `voirlegendeNiv := < 0/1 >`, permet d'afficher ou non la légende des lignes de niveau (z =valeur) (1 par défaut).
- `voirtraces := < 0/1 >`, permet d'afficher ou non la trace des plans sur la boîte contenant la scène (0 par défaut).
- `styleNiv := < styleColor/styleLine/styleCalor/styleCont >`, permet de choisir le style d'affichage des lignes de niveau : bandes de couleurs, simples traits de couleurs, type chaleur (les facettes sont peintes en fonction de l'altitude *z*, des couleurs les plus froides vers les couleurs les plus chaudes), ou type continu (les facettes sont peintes en fonction de l'altitude *z*, la couleur variant de manière continue dans la palette) par défaut la valeur est `styleColor`.
- `traitscaches := < noline/solid/dashed/dotted >`, permet de choisir le style des lignes cachées (`dotted` par défaut).

10 Affichage de la scène

Elle se fait par la macro :

```
afficher([options axes], [actions], [options surfaces])
```

La liste [options axes] contient les options pour la macro *BoxAxes3D* (consulter l'aide sur cette macro), par défaut on a les options :

```
[grid:=1, Color:=black, LabelSize:=scriptsize, FillStyle:=full, FillColor:=beige,
xstep:=Xpas, ystep:=Ypas, zstep:=Zpas,
xlabelsep:=0.25, ylabelsep:=0.25, ylabelsep:=0.25]
```

La liste [actions] est une liste d'instructions qui sera exécutée après le dessin des axes, et avant le dessin de la surface, cette liste est vide par défaut.

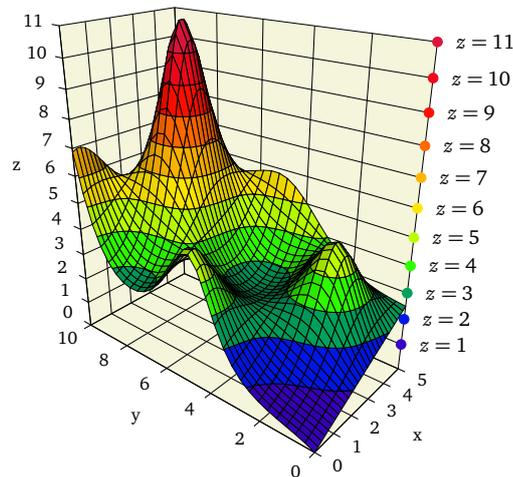
La liste [options surfaces] contient des options d'attributs pour le dessin de la surface. Par défaut ces options sont :

```
[Width:=8, Color:=black, FillStyle:=full, FillColor:=slategray,
LineCap:=round, LineStyle:=solid]
```

11 Exemples

Style bandes de couleurs

```
\begin{texgraph}[name=boite1,file]
Include "CourbesNiv.mod";
Graph image = [
Marges(0,0,0,0), view(-10,10,-11,8), size(9), theta :=220*deg,
surface(" (x+y)/(2+sin(y)*cos(x))", [ grille :=[0,5,0,10,30,30] ]),
fenetre( [x :=[0,5], y :=[0,10], z :=[0,11], pas :=[1,2,1], orthonorme :=1 ]),
niveaux( for k from 1 to 11 do k od ), legende("$\frac{x+y}{2+\sin(y)\cos(x)}$"),
afficher()
];
\end{texgraph}
```



$$\frac{x+y}{2+\sin(y)\cos(x)}$$

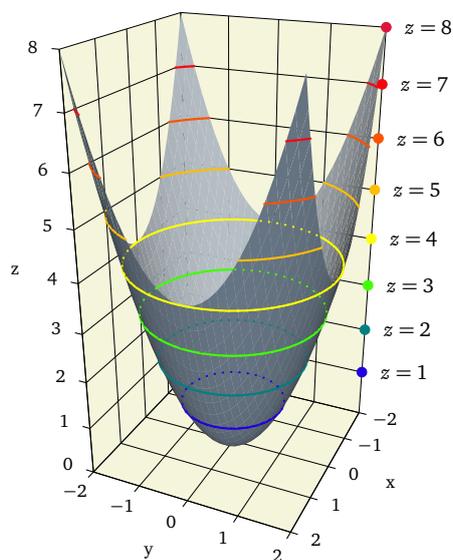
Style traits

```
\begin{texgraph}[name=boite2,file]
Include "CourbesNiv.mod";
Graph image = [
view(-8,7.5,-8.5,7), Marges(0,0,0,0), size(9),
surface("[-u+i*v,u^2+v^2]", [ mode :=parametrique, grille :=[-2,2,-2,2,30,30] ]),
fenetre( [x :=[-2,2], y :=[-2,2], z :=[0,8], pas :=[1,1,1], orthonorme :=1 ]),
niveaux( for k from 1 to 8 do k od ), styleNiv := styleLine,
];
```

```

\begin{texgraph}
\afficher([], [], [LineStyle :=noline])
];
\end{texgraph}

```

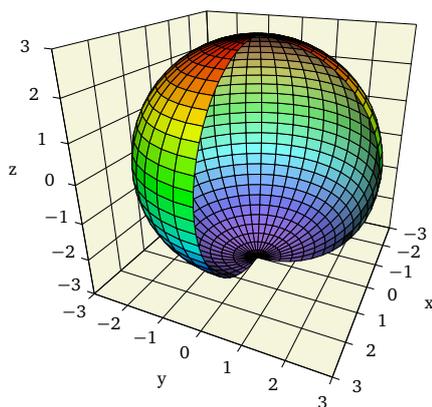


Style chaleur

```

\begin{texgraph}[name=boite3, file]
\include "CourbesNiv.mod";
\graph image = [
\marges(0,0,0,0), size(8),
\surface("3*[exp(-i*u)*sin(v),cos(v)]", [ mode :=parametrique, grille :=[0,3*pi/2,0,pi,30,30] ]),
\fenetre( [ x :=[-3,3], y :=[-3,3], z :=[-3,3], pas :=[1,1,1], orthonorme :=1 ] ),
\styleNiv := styleCalor, \afficher()
];
\end{texgraph}

```



Style continu

```

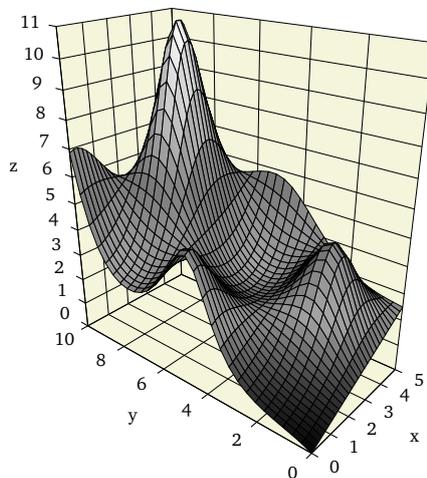
\begin{texgraph}[name=boite4, file]
\include "CourbesNiv.mod";
\graph image = [
\marges(0,0,0,0), \view(-10,10,-11,8), size(9), \theta :=220*deg,

```

```

\begin{texgraph}
surface("x+y)/(2+sin(y)*cos(x)", [ grille :=[0,5,0,10,30,30] ]),
fenetre( [ x :=[0,5], y :=[0,10], z :=[0,11], pas :=[1,2,1], orthonorme :=1 ] ),
legende("$\frac{x+y}{2+\sin(y)\cos(x)}$", palette :=[black, darkgray, gray, lightgray, white],
styleNiv :=styleCont, afficher()
];
\end{texgraph}

```



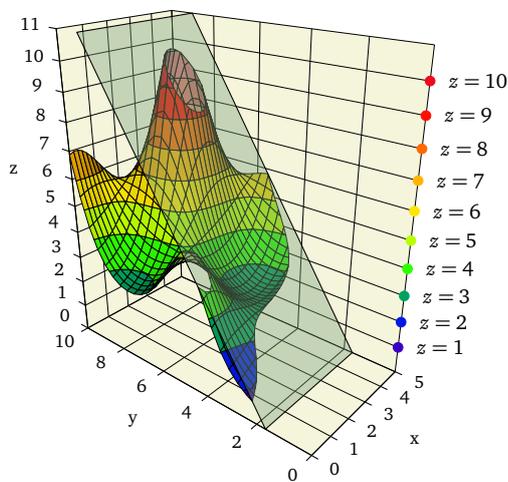
$$\frac{x+y}{2+\sin(y)\cos(x)}$$

Section plane

```

\begin{texgraph}[name=boite5, file]
Include "CourbesNiv.mod";
Graph image = [
Marges(0,0,0,0), view(-10,10,-11,8), size(9), theta :=220*deg,
surface("x+y)/(2+sin(y)*cos(x)", [ grille :=[0,5,0,10,30,30] ]),
fenetre( [ x :=[0,5], y :=[0,10], z :=[0,11], pas :=[1,2,1], orthonorme :=1 ] ),
niveaux( for k from 1 to 10 do k od ), legende("$\frac{x+y}{2+\sin(y)\cos(x)}$",
sections( [ M(2,5,5), -M(0,-1.5,1) ] ), afficher(),
DrawFacet(getplan( [ M(2,5,5), -M(0,-1.5,1) ] ), [ color :=darkseagreen, FillOpacity :=0.4]
);
\end{texgraph}

```



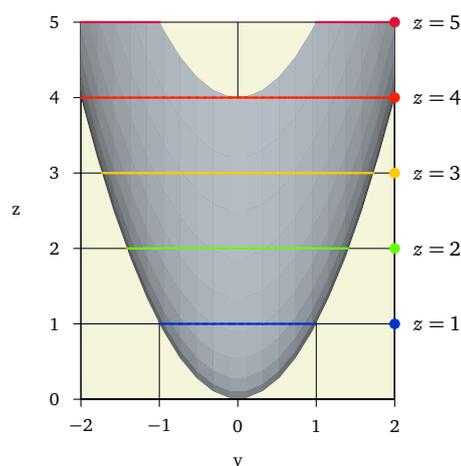
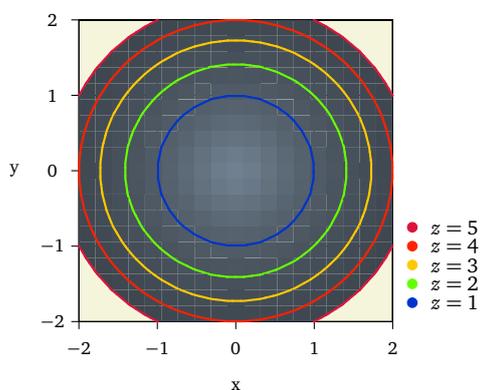
$$\frac{x+y}{2+\sin(y)\cos(x)}$$

Vues

```

\begin{texgraph}[name=boite6,file]
Include "CourbesNiv.mod";
Graph image = [
view(-16,16,-8.5,7), Marges(0,0,0), size(16+9*i,1),
surface("x^2+y^2", [grille :=[-2,2,-2,2,20,20] ]),
fenetre( [x :=[-2,2], y :=[-2,2], z :=[0,5], pas :=[1,1,1], orthonorme :=1] ),
niveaux( for k from 1 to 5 do k od ),
SaveWin(), view(-16,0,-8.5,7), ChangeWinTo([-8-8.5*i,7.5+7*i]),
vue(xOy), afficher([],[],[LineStyle :=noline]), RestoreWin(),
SaveWin(), view(0,16,-8.5,7), ChangeWinTo([-8-8.5*i,7.5+7*i]),
vue(yOz), styleNiv :=styleLine, afficher([],[],[LineStyle :=noline]),
RestoreWin()
];
\end{texgraph}

```

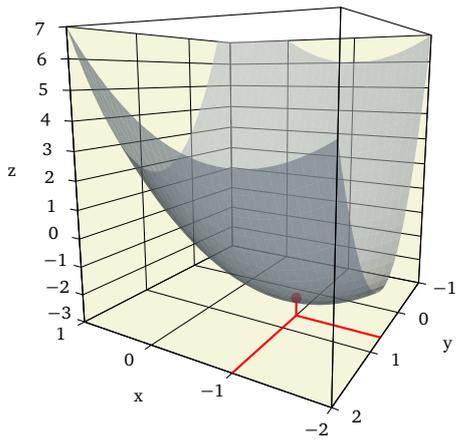


Plans en x et y

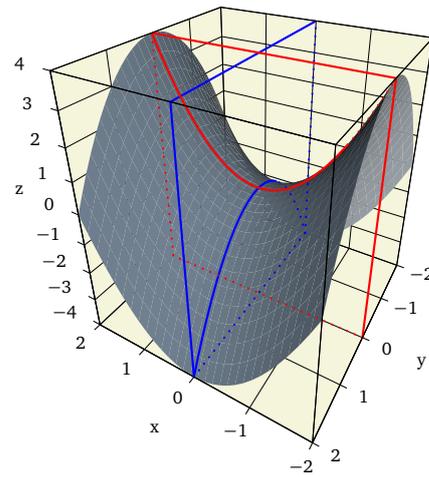
```

\begin{texgraph}[name=boite7,file]
Include "CourbesNiv.mod";
Graph image = [
view(-20,20,-13,7), Marges(0,0,0), size(16+9*i,1), theta :=120*deg,
SaveWin(), view(-20,0,-12,7), ChangeWinTo([-12-14*i,12+7*i]), phi :=80*deg,
surface("x^2+3*y^2+2*x-4*y", [grille :=[-1,2,-1,2,30,30] ]),
parametrage( "-u+i*v, f(-u,v)" ),
fenetre( [x :=[-2,1], y :=[-1,2], z :=[-3,7], pas :=[1,1,1], orthonorme :=0] ),
tracerplans(""), legende("Minimum en $M(-1,\frac{23}{3},-\frac{73}{3})$"),
afficher([],
[Color :=red, Width :=8, Point3D(M(-1,2/3,f(-1,2/3))),
Ligne3D([M(-1,2,-3),M(-1,2/3,-3),M(-2,2/3,-3),jump,
M(-1,2/3,-3),M(-1,2/3,f(-1,2/3))],0)
],
[LineStyle :=noline, FillOpacity :=0.6]),
RestoreWin(),
SaveWin(), view(0,20,-12,7), ChangeWinTo([-12-14*i,13+7*i]), phi :=60*deg,
surface("x^2-y^2", [grille :=[-2,2,-2,2,30,30] ]),
fenetre( [x :=[-2,2], y :=[-2,2], z :=[-4,4], pas :=[1,1,1], orthonorme :=0] ),
tracerplans("x,0,[Color :=blue,Width :=8], y,0,[Color :=red,Width :=8]"),
legende("Point col en $M(0,0,0)$"), voirtraces :=1, voirboite :=1,
afficher([zlabelstyle :=right],[LineStyle :=noline]), RestoreWin()
];
\end{texgraph}

```



Minimum en $M(-1, \frac{2}{3}, -\frac{7}{3})$



Point col en $M(0, 0, 0)$.